CO₂-N₂-H₂O 激光体系弛豫方程的分 类及其增益计算比较

李树山

(中国科学院力学研究所)

一、引 言

本文拟将有关使用的CO₂、N₂、H₂O 激 光体系各种弛豫方程加以分析,指出其相互 关系,并给出用不同方程计算小信号增益与 饱和增益(均匀场强下)的比较,其中流动参 数均为常数。文中列出了各种模型的弛豫方 程以及增益计算的具体公式,其中对于压力 加宽 Δν_H,本文给出了一个直接由气体压力、 温度与分子碰撞截面计算的简易公式。

二、符号表

本文所用单位, 压力用大气压, 温度用绝 对温标, 其余各量均为 CGS 单位制。

交换反应的速率常数与流动速度u之比。

$$W_{1} = \exp\left(\frac{3\theta_{2} - \theta_{3}}{T}\right);$$

$$W_{2} = \exp\left(\frac{\theta_{N} - \theta_{3}}{T}\right);$$

$$W_{3} = \exp\left(\frac{2\theta_{2} - \theta_{1}}{T}\right);$$

$$\hat{e}_{1}^{*} = \frac{1}{e^{\theta_{1}/T} - 1}; \quad \hat{e}_{2}^{*} = \frac{1}{e^{\theta_{2}/T} - 1};$$

$$\hat{e}_{3}^{*} = \frac{1}{e^{\theta_{1}/T} - 1}; \quad \hat{e}_{N}^{*} = \frac{1}{e^{\theta_{2}/T} - 1};$$

$$\hat{e}_{1} = \frac{1}{e^{\theta_{1}/T_{1}} - 1}; \quad \hat{e}_{2} = \frac{1}{e^{\theta_{1}/T_{2}} - 1};$$

$$\hat{e}_{3} = \frac{1}{e^{\theta_{1}/T_{3}} - 1}; \quad \hat{e}_{N} = \frac{1}{e^{\theta_{N}/T_{N}} - 1};$$

$$\hat{e}_{1} = x_{0} \frac{R}{M}(\theta_{1}\hat{e}_{1} + 2\theta_{2}\hat{e}_{2}),$$

$$e_{\Pi} = \frac{R}{M}(x_{0} \theta_{3}\hat{e}_{3} + x_{N} \theta_{N}\hat{e}_{N})$$

分别为单位质量混合物中模式I和模式II 的振动能。CO2、N2激光体系的主要低振动 能级及其能量交换反应见图1。

三、弛豫方程的分类

1. 四振型模型

在 MacDonald 四振型方程中⁽¹⁾,略去 ν₃ 和 ν₁+ν₂ 交换项,只考虑 ν₃ 和 3ν₂ 交换 项,于是得到

收稿日期: 1978年11月14日。

13

Ľ.



图 1
$$CO_2 - N_2$$
 激光体系能级图

$$\frac{d\hat{e}_1}{dx} = AG(x) + K_e[(\hat{e}_1 + 1)\hat{e}_2^2 W_3 - \hat{e}_1(\hat{e}_2 + 1)^2]$$
(1)

$$\frac{d\hat{e}_2}{dx} = K_c(\hat{e}_2^* - \hat{e}_2) \\ -K_e[(\hat{e}_1 + 1)\hat{e}_2^2 W_3 - \hat{e}_1(\hat{e}_2 + 1)^2] \\ -1.5K_a[(\hat{e}_3 + 1)\hat{e}_2^3 W_1 \\ -\hat{e}_2(\hat{e}_2 + 1)^3]$$
(2)

$$\frac{d\hat{e}_{3}}{dx} = -AG(x) + K_{a}[(\hat{e}_{3}+1)\hat{e}_{2}^{3}W_{1} -\hat{e}_{3}(\hat{e}_{2}+1)^{3}] + x_{N}K_{a}[(\hat{e}_{3}+1)\hat{e}_{N}W_{2} -\hat{e}_{3}(\hat{e}_{N}+1)]$$
(3)

$$\frac{d\hat{e}_N}{dx} = K_b(\hat{e}_N^* - \hat{e}_N) - x_o K_d[(\hat{e}_3 + 1)\hat{e}_N W_2 - \hat{e}_a(\hat{e}_N + 1)]$$

$$(4)$$

其中

$$A = \frac{\lambda}{273 L_{o}hc} \cdot \frac{TI}{x_{c}Pu}$$

方程(1)--(4)构成四振型模型 I。

在上述模型中, 假定 v1 与 v2 振型 净交 换为 0, 同时假定 v1 振型与平动模式之间能 量交换速率与 v2 振型相同,于是得到

$$\frac{d\hat{e}_1}{dx} = AG(x) + K_o(\hat{e}_1^* - \hat{e}_1) \tag{5}$$

$$\frac{d\hat{e}_2}{dx} = K_o(\hat{e}_2^* - \hat{e}_2) - 1.5K_a[(\hat{e}_3 + 1)\hat{e}_2^3W_1 - \hat{e}_3(\hat{e}_2 + 1)^3]$$
(6)

方程(5)、(6)及(3)、(4)构成四振型模型 II。

2. 三振型模型

在方程(1)、(2)中, 令 v1 和 v2 振型平衡, 于是可得到一个 61 和 62 的代数方程

$$\hat{e}_1 = \frac{W_3 \hat{e}_2^2}{(1 - W_3) \hat{e}_2^2 + 2\hat{e}_2 + 1}$$
(7)

将 61 对 æ 求导数,得到

$$\frac{de_{I}}{dx} = x_{o} \frac{R}{M} \left(\theta_{1} \frac{d\hat{e}_{1}}{dx} + 2\theta_{2} \frac{d\hat{e}_{2}}{dx} \right)$$
$$= x_{o} \frac{R}{M} \theta_{1} \left(\frac{2W_{3}\hat{e}_{2}(\hat{e}_{2}+1)}{\left[(1-W_{3})\hat{e}_{2}^{2}+2\hat{e}_{2}+1 \right]^{2}} + \frac{2\theta_{2}}{\theta_{1}} \right) \frac{d\hat{e}_{2}}{dx}$$
$$\frac{d\hat{e}_{1}}{dx} + \frac{2\theta_{2}}{\theta_{1}} \frac{d\hat{e}_{2}}{dx}$$

$$\frac{d\hat{e}_2}{dx} = \frac{dx + \theta_1 - dx}{\frac{2W_3\hat{e}_2(\hat{e}_2 + 1)}{[(1 - W_3)\hat{e}_2^2 + 2\hat{e}_2 + 1]^2} + \frac{2\theta_2}{\theta_1}}$$
(8)

將方程(1)和(2)(令其中 v1 和 v2 平衡) 代入(8)式右端,得到

$$\frac{AG(\alpha) + \frac{2\theta_2}{\theta_1} K_o(\hat{e}_2^* - \hat{e}_2)}{-\frac{3\theta_2}{\theta_1} K_o[(\hat{e}_3 + 1)\hat{e}_2^3 W_1} - \frac{\hat{e}_3(\hat{e}_2 + 1)^3]}{\frac{2W_3\hat{e}_2(\hat{e}_2 + 1)}{[(1 - W_3)\hat{e}_2^2 + 2\hat{e}_2 + 1]^2} + \frac{2\theta_2}{\theta_1}}$$
(9)

方程(7)、(9)、(3)和(4)构成三振型模型 III, 此即严海星、陈丽吟所用的三振型四温度方 程⁽³⁾。在模型 III 中,令 $\theta_1 = 2\theta_2$,则得到 Lee 所用的三振型三温度方程^[33]。(Lee 原文中方 程有错)。

将方程(5)和(6)代入(8)式右端,得到

$$\frac{AG(x) + K_{c}(\hat{e}_{1}^{*} - \hat{e}_{1})}{+ \frac{2\theta_{2}}{\theta_{1}} K_{c}(\hat{e}_{2}^{*} - \hat{e}_{2})} \\ - \frac{3\theta_{2}}{\theta_{1}} K_{a}[(\hat{e}_{3} + 1)\hat{e}_{2}^{3}W_{I}] \\ \frac{d\hat{e}_{2}}{dx} = \frac{-\hat{e}_{3}(\hat{e}_{2} + 1)^{3}]}{\frac{2W_{3}\hat{e}_{2}(\hat{e}_{2} + 1)}{[(1 - W_{3})\hat{e}_{2}^{2} + 2\hat{e}_{2} + 1]^{2}} + \frac{2\theta_{2}}{\theta_{1}}}$$
(10)

© 1994-2013 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

方程(7)、(10)、(3)和(4)构成三振型模型 IV。

8. 二振型模型

在方程(3)、(4)中, 令 v₃和 v_N 振型平 衡,于是可得到一个 ê_s 和 ê_N 的代数方程

$$\hat{e}_N = \frac{\hat{e}_3}{W_2 - (1 - W_2)\hat{e}_3} \qquad (11)$$

将 en 对 æ 求导数,得到

$$\frac{de_{\mathrm{II}}}{dx} = \frac{R}{M} \left(x_o \theta_3 \frac{d\hat{e}_3}{dx} + x_N \theta_N \frac{d\hat{e}_N}{dx} \right)$$
$$= \frac{R}{M} \theta_3 \left(x_o + \frac{x_N (\theta_N / \theta_3) W_2}{[W_2 - (1 - W_2) \hat{e}_3]^2} \right)$$
$$\times \frac{d\hat{e}_3}{dx}$$
$$d\hat{e}_2$$

$$\frac{d\hat{e}_{3}}{dx} = \frac{x_{o} \frac{de_{3}}{dx} + x_{N}(\theta_{N}/\theta_{3}) \frac{de_{N}}{dx}}{x_{o} + \frac{x_{N}(\theta_{N}/\theta_{3})W_{2}}{[W_{2} - (1 - W_{2})\hat{e}_{3}]^{2}}}$$
(12)

將方程(3)和(4)(令其中 v₈和 v_N平衡) 代入(12)式右端,得到

$$\frac{d\hat{e}_{3}}{dx} = \frac{-x_{o}AG(x) + x_{o}K_{o}[(\hat{e}_{3}+1)\hat{e}_{2}^{2}W_{1}}{-\hat{e}_{3}(\hat{e}_{2}+1)^{3}] + x_{N}(\theta_{N}/\theta_{3})K_{b}(\hat{e}_{N}^{*}-\hat{e}_{N})}{x_{o} + \frac{x_{N}(\theta_{N}/\theta_{3})W_{2}}{[W_{2} - (1 - W_{2})\hat{e}_{3}]^{2}}}$$
(13)

在模型 III 中令 ν₃ 和 ν_N 平衡,于是由方 程(7)、(9)、(13)和(11)构成二振型模型 V。 在模型 IV 中令 ν₃ 和 ν_N 平衡,于是由方程 (7)、(10)、(13)和(11)构成二振型模型 VI。

在方程 (10) 中略去 v₃ 和 3v₂ 交换项(此 即 Anderson 所用的近似之一), 得到

$$\frac{d\hat{e}_{2}}{dx} = \frac{AG(x) + K_{o}(\hat{e}_{1}^{*} - \hat{e}_{1}) + \frac{2\theta_{2}}{\theta_{1}} K_{o}(\hat{e}_{2}^{*} - \hat{e}_{2})}{\frac{2W_{3}\hat{e}_{2}(\hat{e}_{2} + 1)}{[(1 - W_{3})\hat{e}_{2}^{2} + 2\hat{e}_{2} + 1]^{2}} + \frac{2\theta_{2}}{\theta_{1}}}$$
(14)

方程(7)、(14)、(13)和(11)构成二振型模型 VII。

• 12 •

4. 弛豫方程的线性化 (1) $\nu_1 \, \pi \, 2\nu_2 \, \overline{\chi} \,$

其中

$$\begin{split} \exp\!\left(2\theta_2 \frac{T_2 - T}{T'T_2}\right) &= 1 + 2\theta_2 \frac{T_2 - T}{TT_2} + \dots \approx 1 \\ e^{-\theta_*/T_*} &= e^{-\theta_*/T} \Big(1 + \theta_2 \frac{T_2 - T}{TT_2} + \dots \Big) \\ &\approx e^{-\theta_*/T} \\ K'_e &= K_e \frac{1 - e^{-\theta_1/T}}{(1 - e^{-\theta_1/T})^2} \end{split}$$

 $\pi_-\pi$

线性化条件:

$$2\theta_{2} \frac{T_{2}}{TT_{2}} \ll 1_{\circ}$$
(2) ν_{3} 和 $3\nu_{2}$ 交换项线性化
 $K_{a}[(\hat{e}_{3}+1)\hat{e}_{2}^{3}W_{1}-\hat{e}_{3}(\hat{e}_{2}+1)^{3}]$

$$= K_{a} \frac{1}{(1-e^{-\theta_{1}/T})^{3}} \left[e^{-\theta_{1}/T} \exp\left(3\theta_{2} \frac{T_{2}-T}{TT_{2}}\right) \times (\hat{e}_{3}+1)-\hat{e}_{3}\right]$$

$$= K_{a} \frac{1-e^{-\theta_{1}/T} \exp\left(3\theta_{2} \frac{T_{2}-T}{TT_{2}}\right)}{(1-e^{-\theta_{1}/T})^{3}}$$

$$\times \left[\frac{\exp\left(3\theta_{2} \frac{T_{2}-T}{TT_{2}}\right)}{e^{\theta_{1}/T}-\exp\left(3\theta_{2} \frac{T_{2}-T}{TT_{2}}\right)} - \hat{e}_{3} \right]$$

$$\approx K_{a}^{\prime}(\hat{e}_{3}^{*}-\hat{e}_{3})$$
(16)

其中

$$\exp\left(3\theta_2 \frac{T_2 - T}{TT_2}\right) = 1 + 3\theta_2 \frac{T_2 - T}{TT_2} + \cdots \approx 1$$

Ť.

$$K'_{a} = K_{a} \frac{1 - e^{-\theta_{1}/T}}{(1 - e^{-\theta_{1}/T})^{3}}$$

线性化条件:

$$3\theta_2 \frac{T_2 - T}{TT_2} \ll 1_{\circ}$$

例如,当T=300K时,

- 若 $3\theta_2 \frac{T_2 T}{TT_2} \leqslant 0.1$, 则 $T_2 \leqslant 303.2$ K 若 $3\theta_2 \frac{T_2 - T}{TT_2} \leqslant 0.01$, 则 $T_2 \leqslant 300.3$ K。
 - (3) v3 和 vN 交换项线性化

令
$$\theta_N = \theta_3$$
, 则 $W_2 = \exp\left(-\frac{\theta_N - \theta_3}{T}\right) = 1,$

于是

$$K_{a}[(\hat{e}_{3}+1)\hat{e}_{N}W_{2}-\hat{e}_{3}(\hat{e}_{N}+1)] = K_{a}(\hat{e}_{N}-\hat{e}_{3})$$
(17)

线性化条件: $\theta_N = \theta_3$ 。

(4) 模型的线性化

将(15)~(17)式代入四振型模型I,可 将其线性化,于是方程(1)~(4)变为

$$\frac{d\hat{e}_1}{dx} = AG(x) + K'_e(\hat{e}_1^* - \hat{e}_2) \qquad (18)$$

$$\frac{d\hat{e}_2}{dx} = K_o(\hat{e}_2^* - \hat{e}_2) - K'_e(\hat{e}_1^* - \hat{e}_1)$$

$$-1.5K'_a(\hat{e}_3^*-\hat{e}_3) \tag{19}$$

$$\frac{d\hat{e}_{3}}{dx} = -AG(x) + K'_{a}(\hat{e}_{3}^{*} - \hat{e}_{3}) + x_{x}K_{a}(\hat{e}_{y} - \hat{e}_{3})$$
(20)

$$\frac{d\hat{e}_N}{dx} = K_b(\hat{e}_N^* - \hat{e}_N) - x_o K_d(\hat{e}_N - \hat{e}_3)$$
(21)

将 θ₁=2θ₂ (即 W₃=1)和(16)、(17)式
代入三振型模型 III,则(3)、(4)二式变为
(20)、(21)式,(7)、(9)二式分别变为

$$\hat{e}_1 = \frac{\hat{e}_2^2}{2\hat{e}_2 + 1} \tag{22}$$

$$\frac{d\hat{e}_2}{dx} = \frac{AG(x) + K_c(\hat{e}_2^* - \hat{e}_2) - 1.5K'_a(\hat{e}_3^* - \hat{e}_3)}{\frac{2\hat{e}_2(\hat{e}_2 + 1)}{(2\hat{e}_2 + 1)^2} + 1}$$
(23)

方程(22)、(23)、(20)和(21)即构成 Hoffman 所用的线性化三振型三温度方程^[4]。

将 $\theta_1 = 2\theta_2$ 、 $\theta_N = \theta_3$ 和(16)式代入二振 型模型 VI 和 VII,则(7)式变为(22)式, (10)、(13)、(11)和(14)式分别变为

$$\frac{d\hat{e}_2}{dx} = \frac{AG(x) + K_c[(\hat{e}_1^* + \hat{e}_2^*) - (\hat{e}_1 + \hat{e}_2)]}{-1.5K_a'(\hat{e}_3^* - \hat{e}_3)} \frac{2\hat{e}_2(\hat{e}_2 + 1)}{(2\hat{e}_2 + 1)^2} + 1$$
(24)

$$\frac{d\hat{e}_{3}}{dx} = \frac{-x_{o}AG(x) + x_{o}K'_{o}(\hat{e}_{3}^{*} - \hat{e}_{3})}{+x_{N}K_{b}(\hat{e}_{N}^{*} - \hat{e}_{N})}$$
(25)

$$\hat{e}_N = \hat{e}_3 \tag{26}$$

$$\frac{d\hat{e}_2}{dx} = \frac{AG(x) + K_c[(\hat{e}_1^* + \hat{e}_2^*) - (\hat{e}_1 + \hat{e}_2)]}{\frac{2\hat{e}_2(\hat{e}_2 + 1)}{(2\hat{e}_2 + 1)^2} + 1}$$
(27)

方程(22)、(24)、(25)和(26)式即构成解伯 民、周显初所用的线性化二振型方程^[51]。方 程(22)、(27)、(25)和(26)式即构成 Anderson 所用的线性化二振型方程^[61]。若用模式 I 和 II 的振动能表示,则(24)、(25)和(27)式可分 别写为

$$\frac{de_{\mathrm{I}}}{dx} = x_{\mathrm{c}} \frac{R}{M} \theta_{\mathrm{I}} A G(x) + K_{\mathrm{c}} (e_{\mathrm{I}}^{*} - e_{\mathrm{I}})$$
$$-3K'_{a} \frac{x_{\mathrm{c}}}{x_{\mathrm{c}} + x_{\mathrm{M}}} \frac{\theta_{\mathrm{2}}}{\theta_{\mathrm{3}}} (e_{\mathrm{II}}^{*} - e_{\mathrm{II}}) \quad (28)$$

$$\frac{de_{II}}{dx} = -x_o \frac{R}{M} \theta_3 AG(x) + \frac{x_o K'_a + x_N K_b}{x_o + x_N} (e_{II}^* - e_{II}) \qquad (29)$$

$$\frac{de_{\rm I}}{dx} = x_{\rm c} \frac{R}{M} \theta_1 A G(x) + K_{\rm c} (e_{\rm I}^* - e_{\rm I})$$
(30)

其中

$$e_{\rm I}^* = x_{\rm o} \frac{R}{M} \theta_1(\hat{e}_1^* + \hat{e}_2^*);$$
$$e_{\rm II}^* = (x_{\rm o} + x_{\rm N}) \frac{R}{M} \theta_3 \hat{e}_{3\,\rm o}^*$$

© 1994-2013 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

,

四、反应速率常数

a.
$$\operatorname{CO}_2^*(\nu_3) + M$$

 $\longrightarrow \operatorname{CO}_2^{***}(\nu_2) + M + 416 \ \mathbb{Z} \ \mathbb{X}^{-1}$

P

$$K_{\mathfrak{g}} = 4 \times 2I3L_{0} \frac{Tu}{Tu}$$

$$\times (x_{\mathfrak{o}}k_{\mathfrak{a}\mathcal{C}} + x_{N}k_{\mathfrak{a}N} + x_{H}k_{\mathfrak{a}H}) \qquad (31)$$
b. $N_{2}^{*} + M \rightleftharpoons N_{2} + M + 2331 \ \mathbb{E} \ \mathbb{K}^{-1}$

$$K_{\mathfrak{b}} = 273L_{0} \frac{P}{Tu} (x_{\mathfrak{o}}k_{\mathfrak{b}\mathcal{C}} + x_{N}k_{\mathfrak{b}N} + x_{H}k_{\mathfrak{b}H}) \qquad (32)$$

c. CO₂^{*}(
$$\nu_2$$
) +M
 \overleftrightarrow CO₂+M+667 \blacksquare $\%^{-1}$
 $K_o = 273L_0 \frac{P}{Tu} (x_o k_{oo} + x_N k_{oN} + x_H k_{oH})$
(33)

d. CO₂^{*}(
$$\nu_3$$
) +N₂
 \overleftrightarrow CO₂+N₂^{*}+18 厘 ℝ⁻¹
 $K_a = 273L_0 \frac{P}{Tu} k_a$ (34)

e.
$$CO_{2}^{*}(\nu_{1}) + M$$

 $\swarrow CO_{2}^{**}(\nu_{2}) + M + 102 \ \underline{\mu} \ \underline{k}^{-1}$
 $K_{e} = 273L_{0} \frac{P}{Tu} (x_{o}k_{ec} + x_{N}k_{eN} + x_{H}k_{eH})$
(35)

其中 k_{ao} 等为 Taylor-Bitterman 型速率常 数(单位是 cm³ part⁻¹ sec⁻¹),第一个下标表 示反应,第二个下标 C、N 和 H 分别表示以 CO₂、N₂ 和 Π_2 O 为碰撞伴侣。本文计算用的 速率常数取自严海星整理的数据^[7]。其中反 应 e 因缺乏实验数据,本文只取了其中慢速 率的数量级,假定在 T = 300 K 时

$$K_{e} = 273L_{0} \frac{P}{Tu} k_{e} (x_{e} + x_{H} + 0.46x_{N}) \\ k_{e} = 1.2432 \times 10^{-13} \,\mathrm{cm}^{3} \,\mathrm{part}^{-1} \,\mathrm{sec}^{-1}$$
(36)

五、增益计算公式

普遍增益计算公式为[8]

• 14 •

$$G = \frac{\lambda^2}{8 \pi \tau_{s1}} g(\nu) \left(N_2 - \frac{g_2}{g_1} N_1 \right) (37)$$

其中 N₂、N₁ 为激光上、下能级的粒子 数 密 度, g₂、g₁ 为简并度, g(v)为线形因子。在典 型的气动激光器条件下, 压力加宽是主要的, 忽略掉多普勒加宽只有约 1% 的误差, 因此

$$g(\nu) = \frac{2}{\pi \Delta \nu_H} \tag{38}$$

$$d\nu_{\rm H} = 4.184 (\sigma_{\rm CO_2} \times 10^{14}) P \left(\frac{300}{T}\right)^{1/2}$$

$$\times \left(x_{o}+1.134 \frac{\sigma_{N_{o}}}{\sigma_{CO_{o}}} x_{N} +1.312 \frac{\sigma_{H_{o}O}}{\sigma_{CO_{o}}} x_{H}\right) \times 10^{9} \, \text{\AA} \quad (39)$$

将g(v)代入(37)式,得到

$$G = \frac{\lambda^2}{4\pi^2 \tau_{21} \, \Delta \nu_H} \left(N_2 - \frac{g_2}{g_1} \, N_1 \right) \quad (40)$$

由统计力学 可 得, CO₂(001)-(100)的 P(J)支激光跃迁的粒子数反转为

其中 θ_{ren} 和 θ_{rno} 是CO₂(001)和(100)振动能 级的转动特征温度,由光谱常数^[9]确定。在 室温下,由于竞争效应大多数情况下发生的 P(20)支跃迁为^[2]

$$\Delta N^{P(20)} = \left(N_{001} 0.992 \exp\left(\frac{24}{T}\right) - N_{100} \right) \times \frac{43.74}{T} e^{-235.5/T}$$
(42)

Anderson 给出的同一个公式^[6]

$$\Delta N^{P(20)} = (N_{001} - N_{100}) \frac{45.6}{T} e^{-234/T} \quad (43)$$

显然具有某些近似性。计算表明,用(43)式 所得的值在室温下约比用(42)式所得的值低 3%,当温度升高时,这一偏离减小。考虑到

億

目前 τ_{21} 的数据偏差竟达 14% (5.38 秒¹⁶³ 和 4.7 秒⁽¹⁰¹⁾),所以(43)式的误差是不算大的。 为简便起见,本文增益计算采用(43)式。将 N_{001} 和 N_{100} 表达式代入(43)式,最后得到增 益计算公式为

$$G = B(\hat{e}_3 - \hat{e}_1) [(\hat{e}_1 + 1)(\hat{e}_2 + 1)(\hat{e}_3 + 1)]^{-3}$$
(44)

$$B = \frac{273 L_0 45.6 \lambda^2 x_c P}{4 \pi^2 \tau_{21} \, d\nu_H T^2} e^{-234/T} \quad (45)$$

本文计算采用的原始数据是:

$$\tau_{21} = 5.38$$
秒;
 $\sigma_{CO_0} = 1.367 \times 10^{-14} \ {\ensuremath{\mathbb P}} \times {}^2,$
 $\sigma_{N_0} = 0.856 \times 10^{-14} \ {\ensuremath{\mathbb P}} \times {}^2,$
 $\sigma_{H,0} = 0.3751 \times 10^{-14} \ {\ensuremath{\mathbb P}} \times {}^{2(10]};$
 $P = 0.0987 \ {\ensuremath{\mathbb T}} \leftarrow (T = 300 \ {\ensuremath{\mathbb K}}, x_0 = 0.08, x_N = 0.91, x_H = 0.01;$
初始 $G_0 = 0.0043 \ {\ensuremath{\mathbb P}} \times {}^2,$
 $I = 1176.5 \ {\ensuremath{\mathbb R}} / {\ensuremath{\mathbb P}} \times {}^2,$

六、增益计算的比较与讨论

在本文共考虑了七种驰豫模型,对于其 中每一种模型又分别考虑了复杂方程、线性 化方程、 $\theta_1 = 2\theta_2$ 、 $\theta_N = \theta_3$ 及有无辐射场等情 况,这样就基本包括了迄今所见到的各种类 型方程。本文在流动参数为常数情况下计算 了各种模型的小信号增益和饱和增益(均匀 场强下)随距离的衰减,并对几种典型情况画 出了衰减曲线,通过比较,可作出如下定性和 半定量的讨论。所谓半定量,是因为本文所 给出的相对偏差数字都只是在一组特定参数 条件下得到的,具体数字虽不见得有普遍意 义,但作为模型之间的相对比较,还是有一定 参考意义的。主要模型见表1。

1. 计算表明, 模型 III 和模型 IV 的结 果十分接近, 模型 V 和模型 VI 的结果也十 分接近, 无论有无辐射场都是如此, 画成曲线 几乎重合。这说明在三振型模型 III 和 二 振 型模型 V 中, 在 ê2 方程中加进 Ko(61-ê1)项 对结果影响很小,实际上只略微使增益曲线 提高一点。所以下面只要比较五种模型即可。

2. 二振型模型增益曲线高于三振型模型(在图 9、3中的曲线 4 高于 2)。这是由于在二振型模型中假定了 v3 和 vx 平衡, N2 的振动能可以充分供给 CO2(001)能级,使维持较高的粒子数反转,所以其增益比三振型模



图 2 不同模型的小信号增益比较 1-四振型模型 I(K_o~10⁻¹³); 2-三振型四温 度模型 III; 3-Hoffman 模型(线性化 III, 三温度); 4-二振型四温度模型 V; 5-一解伯民、 周显初模型(线性化 VI,二温度); 6-Anderson 模型(线性化 VII,二温度); 7-四振型模型 II; 8-四振型模型 I(k_o=0)



© 1994-2013 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

2

表1 主要模型--览表

振 型	模型	主 要	特	征	引文作者	文中方程	图中曲线
四 振 型	I	四振型	四温度	复杂方程	MacDonald ^[1]	(1)~(4)	曲线 1 (k _e ~10 ⁻¹³) 曲线 8 (k _e =0)
				线性化 θ _N =θ ₃		(18)~(21)	
	11	四振型四温度, ν ₂ 净交换为 0, 并 模 式 交 换 速 率 k _c (e [*] ₁ -ê ₁)项	在I中令 レ1和 考虑 レ1 与平动 同 レ2,即加进	复杂方程		(5)、(6)、 (3)、(4)	曲线 7
三振型 型 ² 1和 ¹² 2 平衡	III	三振型	四温度	复杂方程	严海星、陈丽吟 ^[2]	(7) (9) (3) (4)	曲线 2
		三振型	三温度	复杂方程	Læ ^[3]	. 同上,代入 $\theta_1 = 2\theta_2$	
		$\theta_1 = 2\theta_2$		线性化 θ _N =θ ₃	Hoffman ^[4]	(22)、(23) (20)、(21)	曲线 3
	IV	三振型四温度,在 III 中考虑 v1 和平动模式交换速率同 v2,即加 进 k _c (ĉ <u>1</u> -ĉ ₁)项		复杂方程		(7) (10) (3) (4)	
二振 型 v1和 v2 v3和 w3 v3和 w3 平 衡	v	二振型	四温度	复杂方程		(7)、(9) (13)、(11)	曲线 4
	VI	在 ∇ 中考虑 ν ₁ 和平动模式 交换速率同 ν ₂ , 即加进 k _c (ê [*] ₁ -ê ₁) 项	二振型四温度	, 复杂方程		(7)、(10) (13)、(11)	
			二振型二温度 $\theta_1 = 2\theta_2,$ $\theta_N = \theta_3$	线性化	解伯民、周显初 ^[5]	(22)、(24)、(25)、 (26)	曲线 5
	VII	在 VI 中略去 ν ₈ →3ν₂ 对下能 级的影响	二振型四温度	复杂方程		(7)、(14) (13)、(11)	
			二振型二温度 $\theta_1 = 2\theta_2,$ $\theta_N = \theta_3$	线性化	Anderson ^[6]	(22)、(27)、(25)、 (26) 或 (22)、 (30)、(29)	曲线 6

型衰减得慢。小信号增益 Go(x)最大相对偏 差为 2%。

3. 模型 VII 增益曲线高于模型 VI (图 中曲线 6 高于 5)。Anderson 模型较之解 伯 民、周显初模型略去了 e_1 方程中的 ν_3 到 $3\nu_2$ 消激发项,因此实际效果等于加快了激光下 能级的抽空,从而维持了较高的粒子数反转, 所以 Anderson 模型的增益比解伯民、周显 初模型衰减得 慢。 $G_0(x)$ 最大相对偏差为 1.5%。 4. 模型 I 和模型 III (图中曲线1和2) 在无辐射场时,曲线几乎完全重合,而当有辐射场时,模型 I 的增益曲线要低得多,G(x) 最大相对偏差高达 20% 以上。这个事实表明,对于本文所假定的 v1 和v2 交换的慢速率 (ke~10⁻¹⁸)来说,在无辐射场时,v1 和v2 平 衡的假设是一个很好的近似,而在有辐射场时,这个近似就偏差太大。这就启发我们,为 了更精确地研究光腔内饱和增益的衰减规 律,从理论和实验上确定 v1 和v2 的交换速

• 16 •

.

率是迫切需要的。而目前所通用的三振型模型 III 在强辐射场之下,误差到底有多大,还 需要仔细研究。

5. 模型 II 在无辐射场时,增益曲线略 高于模型 I 和 III (图 2 中曲线 7 高于曲线 1 和 2),然而在有辐射场时却比模型 III 低很 多,又比模型 I 高很多,介于二者之间(图 3 中曲线 7 低于曲线 2、高于曲线 1)。这表明 在有辐射场时, $K_0(\hat{e}_1^* - \hat{e}_1)$ 项在四振型模型 中对激光下能级的抽空作用小于 ν_1 和 ν_2 始终平衡的假设而大于 ν_1 和 ν_2 的慢速率 ($k_0 \sim 10^{-13}$)交换。

6.图2中曲线7和8完全重合是因为
本文计算中取初始值 的 = 6, 致使 5, 为常数
(同曲线8一样)的缘故。当 I = 0 时, 方程
(5)的解为

 $\hat{e}_1 = \hat{e}_1^* + (\hat{e}_1^0 - \hat{e}_1^*) e^{-k_o x}$

若取 e? 稍大于 ei,则由于 e1的衰减,曲线7 应略高于曲线 8。

7. 模型 I 中 k_0 从 10^{-13} 减小到 0, 在图 2 中小信号增益曲线 1 略微升高变 到 曲 线 8 ($k_0=0$ 使得 \hat{e}_1 始终为常数, 而 $k_0 \neq 0$ 时, 从 ν_3 传递到 ν_2 的能量除了传递给平动模式外, 也有部分传递给 ν_1 , 即增加了激光下能级的 能量, 使粒子数反转下降, 造成曲线 1 略低于 曲线 8), 而在图 3 中, 饱和增益曲线 8 却很 快下降到 0, 这是由于存在辐射场时, $k_0=0$ 意味着激光下能级完全没有抽空, 连续辐射 使得下能级迅速堆积, 致使粒子数反转急速 下降。

8. 方程中 ν_3 — $3\nu_2$ 项线性化使得增益 曲线略微提高, $G_0(x)$ 最大相对偏差为 0.5%。方程中 ν_1 — $2\nu_2$ 项线性化也使得增 益曲线略微提高, $G_0(x)$ 最大相对偏差为 0.7%。

9. 方程中令 $\theta_N = \theta_3$ (在三、四振型方程 中即是使得 $\nu_3 - \nu_N$ 项线性化)使得增益曲线 降低,且偏离随着距离而增大。 $G_0(a)$ 最大相 对偏差为 4%,饱和增益G(a)最大相对偏差

÷

为9%。

 方程中令 θ₁=2θ₂ 使得增益曲线 降低,例如 Lee 的模型比之模型 III 低, G₀(α) 最大相对偏差为 1%。

11. 从图 2 和图 3 中可以看到,线性化 方程与复杂方程比较,偏离随着距离的增加 而增加(这是由于 $\theta_1 = 2\theta_2$,特别是 $\theta_N = \theta_3$ 所 带来的结果),而不同模型之间的偏离(例如 曲线 4、2 和7;曲线 6、5 和 3)在一定距离之 后随着距离的增加而减小。这就是线性化模 型(曲线 6、5 和 3)在一定距离之后会和复杂 模型(曲线 4、2 和7)相交叉的原因。例如, 模型 VII 本来是增益曲线最高的一个,但 在图 2 中线性化($\theta_1 = 2\theta_2, \theta_N = \theta_3$)之后的 Anderson 模型曲线 6 分别于 9 厘米、15 厘 米和 18 厘米之后低于复杂模型曲线 4、7 和 2。

12. 如果以模型 III 的结果为准,那末 Hoffman 模型只在5厘米以内误差较小,在 较长距离以后,它甚至比 Anderson 模型偏 离还要大。在20厘米范围内,对于小信号增 益计算来说,三个线性化模型中,解伯民、周 显初模型稍为好些,它的增益曲线前边高一 些,后边低一些,偏离都不算太大。但对于饱 和增益计算来说,线性化模型都有比较大的 误差。

13. 关于反应速率常数,本文比较了在 T=300 K 下用 Taylor—Bitterman 数据^[11] 和严海星数据^[7] 计算增益的差别,发现前者 的增益曲线略高于后者, $G_0(x)$ 最大相对偏差 为 0.6%。

七、结束语

鉴于小信号增益和饱和增益随距离的衰 减曲线目前尚缺乏系统的实验资料,因此本 文只限于比较各种模型的理论计算结果,而 无法和实验结果相比较。

在上述各种弛豫模型中,理论上最完善

· 17 ·

的是四振型模型 I, 但遗憾的是关于 v1 和 v3 交换速率至今仍缺乏系统可靠的数据。因此 目前较好的模型是三振型四温度模型 III, 严 海星、陈丽吟^{[21} 采用这种模型进行了气动 激 光器的非平衡流计算, 他们的小信号增益计 算结果与实验结果符合较好。如前所述, 在 无辐射场时, v1 和 v2 平衡的假设是一个很 好的近似, 所以用模型 III 计算小信号增益 是足够准确的。但当辐射场很强时, 由于 v1 和 v2 的实际交换速率并非无穷大, 因而就有 可能产生激光下能级粒子数的堆积, 以致模 型 III 的结果与实际情况发生偏离。 但要知 其误差到底有多大, 则有待于从理论和实验 上尽快确定 v1 和 v2 的准确交换速率。

参考文献

[1] J. R. MacDonald; AD718131(1970).

- [2] 严海星,陈丽吟,《力学学报》, 1978, No. 4, 274.
- [3] G. Lee: Phys. of Fluids, 1974, 17, No. 3, 644
- [4] A. L. Hoffman, G. C. Vlases; IEEE J. Quant. Electr., 1972, QE-8, 46.
- [5] 解伯民,周显初,中国科学院力学研究所研究工作报告(1974)。
- [6] J. D. Anderson; AD718805(1970).
- [7] 严海星,中国科学院力学研究所研究工作报告 (1974)。
- [8] A. Yariv; Quantum Electronics, Wiley, New York(1957).
- [9] G. Herzberg, Infrared and Raman Spectra of Polyatomic Molecules, Van Nostrand, New York (1945).
- [10] D. B. Rensch; Appl. Opt., 1974, 13, No. 11, 2546.
- [11] R. L. Taylor, S. Bitterman; Rev. of Modern Physics, 1969, 41, No. 1, 26.

激光消灭钉螺和尾蚴的实验研究

血吸虫病是严重危害广大劳动人民健康的疾病,因此,在消灭血吸虫病的综合措施中,消灭钉螺 和尾蚴是重要环节之一。

我们用输出功率为 40 瓦的 CO₂ 激光,分别以聚 焦、散焦和不聚焦光束对钉螺和尾蚴照射,实验都取 得了满意的结果。

用聚焦激光束照射钉螺,每个2~3秒钟,螺壳 瞬间变白,或至烧焦,软体缩回螺壳。将它们浸泡在 清水器皿中,48小时后观察,未见活钉螺爬出水面。 激光照射的尾蚴也全致死。

将钉螺置于散焦光束的不同距离处,观察到近 距照射1分钟时,螺壳烧焦、冒烟、变白,软体缩回螺 壳,远距(100、200 厘米)照射时,螺壳烧焦、发烟、变 黑,最后爆裂,螺壳及软体均爆裂成碎片四散。用散

· 18 ·

焦光束照射泥土表面、土下 0.3 厘米及 0.5 厘米的 钉螺 2 分钟, 也均能将钉螺杀死。散焦光束扫描 照 射盛有活尾蚴的试管 1 分钟, 可将尾蚴全部杀死。

不聚焦光束照射1分钟,100厘米处的钉螺烧焦 冒烟,软体从壳内脱出而死亡,有些则爆裂成碎片; 200厘米处的钉螺螺壳发白,软体缩回壳内,在清水 内浸泡48小时后观察,均未见活钉螺爬出水面。

我们认为,聚焦光束灭螺灭尾蚴,速度快,作用 强,但焦距有限,没有实用意义;散焦的优点是辐射 面积大,但作用较弱;不聚焦光斑作用强,而且有效 距离大,用扫描方法进行一定距离灭螺灭尾蚴可能 性较大。

(武汉医学院寄生虫病学教研室 刘维隶 武汉医学院第二附属医院激光小组 王 奇) é

2

¥.